

Warsaw University



## Nowe podejścia w badaniach złożonych układów (bio)molekularnych

Bogdan Lesyng

#### Zakład Biofizyki IFD i Centrum Doskonałości "BioExploratorium" Wydział Fizyki UW



# NANONAUKI NANOTECHNOLOGIE

Stan i perspektywy rozwoju

pod redakcją Adama MAZURKIEWICZA

> Współpraca Jerzy DOBRODZIEJ Beata POTERALSKA



#### Wieloskalowe metody modelowania w badaniach złożonych układów (bio)molekularnych i nanoukładów



369



Opis mechanizmów funkcjonowania złożonych układów (bio) molekularnych i nanoukładów oraz metody molekulamego projektowania układów o pożądanych właściwościach fizykochemicznych i funkcjonalnych, wymagają stosowania zaawansowanych, wieloskalowych metod modelowania matematycznego. W Centrum Doskonalenia Bio Exploratorium prowadzone są badania dotyczące kwantowej dynamiki protonów i elektronów w rzeczywistym środowisku molekulamym, symulacji procesów kata-

Lniwe sytet Warsaawsk Kije van bryk

litycznych, przemian energii (bio)chemicznej w mechaniczna, projektowanie leków nowej generacji, biologicznych nanomaszyn, a także np. badania podstawowe związane z detekcją i analizą relacji przyczynowości zdarzeń w klasycznej i kwantowej dynamice molekularnej. Metody mikroskopowej kwantowej i kwantowo-klasycznej dynamiki molekularnej (*Quantum Molecular Dynamics* – QMD i *Quantum-Clss ical Molecular Dynamics* – QCMD) stosowane są do symulacji transferu protonów (*hopping*) w układach (bio)molekularnych oraz generowania mikroskopowych pól elektrostatycznych. Metody klasycznej, mezoskopowej dynamiki molekularnej stosowane są natomiast w symulacjach procesów spontanicznego porządkowania się struktur. Rozwijane są przy tym nowe, iteracyjne symplektyczne algorytmy, pozwalające na symulacje procesów w długich skalach czasowych. Stosowane są również i rozwijane metody równania Poissona-Boltzmanna, pozwalające na wyzna-

czanie mezoskopowych pól elektrostatycznych w złożonych układach atomowych i molekularnych, decydujące m.in. o wzajemnym rozpoznawaniu się układów (bio)molekularnych (molecular recognition processes).

Porficyna (rys. 1) może występować w wielu izomerycznych stanach – takie układy są interesujące z punktu widzenia konstrukcji pamięci molekulamych. Dla porficyny skonstruowano bardzo szybki kwantowy generator energii potencjalnej AVB, wykonano też symulacje układu metodą dynamiki Cara–Parrinello z wykorzystaniem formalizmu całek po trajektoriach.



Rys. 1. Molekula porticyny z dwoma ruchliwymi protonami w molekularnej wnęce

370



Rys.2. Maszyna molekularna – topolzomeraza 1 (25łty), oddziałująca z molekułą DNA (niebieski) i białkiem regulacyjnym hr/RNPA1 (różowy)

Rola topoizomerazy (rys. 2) polega m.in. na relaksowaniu naprężonych struktur DNA. Wadliwe funkcjonowanie topoizomerazy prowadzi często do procesów nowotworowych. Zbadano mechanizm działania molekularnego regulatora hnRNPA1.

Bada nia naaiko wa na w CD Bio Explorator lum, Wy dział Fizyki, Uniwers ytet Warszawski we współpracy z Centrum von Neuma ma (NIC) w Jasi Coh oraz z histytutem Chamil Fizycznej PAK, interdys cyplina my Centrum Modelowania Na tematycznego i Korowych w krastawskiego oraz Wydzielem Biologii U niwersytetu Warszawskiego Koordynator prof. dr ha b. Bogdan L ESTNG Dodatkowe informacjec e-mail: lesnyngiiona du p.h. ttp://www.a-sytonec.est Klasyczna i kwantowa dynamika molekularna z kwantowymi generatorami energii potencjalnej. Skorelowany hopping protonów w modelowym układzie molekularnym - porficynie

L. Walewski, P. Bala, B. Lesyng, *Steered Classical and Quantum Path-Integral Molecular Dynamics Simulations of Strongly Coupled Protons Motions in Porphycene*, in "From Computational Biophysics to Systems Biology (CBSB07)", Proceedings of the NIC Workshop 2007, U.H.E. Hansmann, J. Meinke, S.Mohanty, O.Zimmermann (Editors), John von Neumann Institute for Computing, Juelich, NIC Series, Vol. **36**, ISBN 978-3-9810843-2-0, pp. 291-295, 2007 (http://www.fz-juelich.de/nic-series/volume36/walewski.pdf)

M. Hallay-Suszek, P. Grochowski, B. Lesyng, *Parameterization of the Potential Energy Surface of the Double Proton Transfer in Porphyrins*, in "From Computational Biophysics to Systems Biology (CBSB07)", Proceedings of the NIC Workshop 2007, U.H.E. Hansmann, J. Meinke, S.Mohanty, O.Zimmermann (Editors), John von Neumann Institute for Computing, Juelich, NIC Series, Vol. **36**, ISBN 978-3-9810843-2-0, pp.133-137, 2007(<u>http://www.fz-juelich.de/nic-series/volume36/hallay-suszek.pdf</u>)

#### Stabilne formy tautomeryczne porficyny



# Równania ruchu Car-Parrinello

Otrzymane ze stowarzyszonych równań Eulera-Lagrange'a

$$M_{I}\ddot{\mathbf{R}} = -\frac{\partial E^{\mathrm{PW}}}{\partial \mathbf{R}_{I}}$$
$$\mu\ddot{c}_{i}(\mathbf{G}) = -\frac{\partial E^{\mathrm{PW}}}{\partial c_{i}^{*}(\mathbf{G})} + \sum_{j}\Lambda_{ij}c_{j}(\mathbf{G})$$

Warunki:

- elektrony są szybki:  $\mu \ll M_{ions}$
- elektrony są *zimne*:  $T_{elec} \ll T_{ions}$

 $\Rightarrow$  Energia jest zawsze (niewiele) większa od  $E_{BO}$ 

$$(x_b t_b | x_a t_a) \equiv \int_{(x_a, t_a) \to (x_b, t_b)} \mathscr{D} x \ e^{iS[x]/\hbar}$$
(1)

## Reprezentacja układu molekularnego w metodzie całek Feynmana



#### Bariery reakcji tautomeryzacji w porficynie



Figure: Potencjał średniej siły dla krokowego i jednoczesnego mechanizmu reakcji tatutomeryzacji (CPMD/PIMD).

### Metoda VB (Valence Bond)

Wieloelektronową funkcję falową układu  $\Psi$  przedstawiamy jako kombinację liniową funkcji reprezentujących struktury walencyjne:

$$\Psi = \sum_{i=1}^N c_i \psi_i,$$

Wówczas całkowita energia dana jest przez  $E = \frac{\langle \Psi | \mathcal{H} | \Psi \rangle}{\langle \Psi | \Psi \rangle}$ . Wprowadźmy oznaczenia:

$$\mathcal{H}_{ij} = \langle \psi_i | \mathcal{H} | \psi_j \rangle \qquad \qquad \mathcal{S}_{ij} = \langle \psi_i | \psi_j \rangle.$$



#### Przykład: PES z trzema minimami.

Rozważmy układ z trzema minimami, dla którego możliwe są przejścia pomiędzy minimami 1-2, 2-3 i są to jedyne stany przejściowe pierwszego rzędu. Wtedy:

$$\mathcal{H}=\left(egin{array}{ccc} \mathcal{H}_{11} & \mathcal{H}_{12} & 0 \ \mathcal{H}_{21} & \mathcal{H}_{22} & \mathcal{H}_{23} \ 0 & \mathcal{H}_{32} & \mathcal{H}_{33} \end{array}
ight)$$

gdzie:  $\mathcal{H}_{11}, \mathcal{H}_{22}, \mathcal{H}_{33}$  - parabole, elementy  $\mathcal{H}_{12}$  oraz  $\mathcal{H}_{23}$  opisuja wysokość barier pomiędzy odpowiednimi minimami.

# **Generatory energii potencjalnej - AVB (Approximate Valence Bond)**

Elementy diagonalne  $\mathcal{H}$  wyrażamy poprzez:

$$\mathcal{H}_{ii}(\mathbf{r}) = \frac{1}{2}(\mathbf{r} - \mathbf{r}_i)^T \mathcal{A}_i(\mathbf{r} - \mathbf{r}_i) + \mathcal{B}_i^T(\mathbf{r} - \mathbf{r}_i) + \mathcal{C}_i,$$

zaś elementy pozadiagonalne:

$$\mathcal{H}_{ij}(\mathbf{r}) = \mathcal{B}_{ij}^T(\mathbf{r} - \mathbf{r}_{ij}) + \mathcal{C}_{ij},$$

przy czym element  $\mathcal{H}_{ij}$  jest różny od zera jedynie jeśli minimum *i* jest odseparowane od minimum *j* pojedynczą barierą.

## Wyniki parametryzacji PES metodą AVB z potencjałami Morse'a dla porfiryny Mt





Mod o częstości 178 cm<sup>-1</sup> promujący transfer protonu





W kierunku modeli gruboziarnistych dynamiki molekularnej i mezoskopowych potencjałów oddziaływania. Uwzględnianie w sposób niejawny otoczenia molekularnego (m.in. środowiska wodnego) oraz opis oddziaływań hydrofobowych

- M. Gruziel, W.R. Rudnicki, B.Lesyng, "Hydration Free Energy of a Model Lennard-Jones Solute Particle. Microscopic Monte Carlo Simulation Studies, and Interpretation Based on Mezoscopic Models", J. Chem. Phys. **128**: 064503(2008)
- Piotr Setny, Maciej Geller, "Water properties inside nanoscopic hydrophobic pocket studied by computer simulations", *J. Chem. Phys.*, **125**: 14417 (2006)
- Piotr Setny, "Water properties and potential of mean force for hydrophobic interactions of methane and nanoscopic pockets studied by computer simulations", *J. Chem. Phys.*, **127**: 054505 (2007)
- Piotr Setny, "Hydrophobic interactions between methane and a nanoscopic pocket: Three dimensional distribution of potential of mean force revealed by computer simulations", *J. Chem. Phys.*, **128**: 125105 (2008)

## Formowanie się micelli, liposomów, błon biologicznych





#### Modele jawne (mikroskopowe) solwentu vs niejawne (ciągłe)

#### Układ mikroskopowy



 $\begin{cases} q [e] \in [-1; 1] \\ \varepsilon [kJ/mol] \in [0.05; 12.8] \\ \sigma [Å] \in [2; 5] \end{cases}$ 

#### Symulacje

- Symualcje Metropolis MC w zespole NpT
- Każda z symulacji próbkowała przestrzeń jednego z parametrów pseudoatomu - q, ε, σ, przy ustalonych dwóch pozostałych
- Umbrella sampling z potencjałami ważącymi ustalanymi adeptacyjnie na początku każdej z symulacji

Sparametryzowana i "odważona" postać  $\Delta G$  $\Delta G(\xi) = -k_B T \ln \rho_{bias}(\xi) - V_{bias}(\xi)$ 

## Model Solwatacji<sup>1</sup>

Energia swobodna solwatacji

$$\Delta G \simeq \Delta G_{GB} + \Delta G_{SA} + \Delta G_{pV} + \Delta G_{LJ}$$

#### Wkłady

elektrostatyczny - Born'a,

$$\Delta G_{GB} = \frac{1}{4\pi D_0} \frac{q^2}{2 r_{GB}} \left( \frac{1}{D_{zew}} - \frac{1}{D_{wew}} \right)$$

powierzchniowy i objętościowy,

$$\Delta G_{SA} + \Delta G_{pV} = \gamma \cdot SA + p \cdot V$$

 uśrednione oddziaływania dyspersyjne solutu z solwentem pierwszej warstwy solwatacyjnej (1SSH),

$$\Delta G_{LJ} = -\frac{8}{3}\pi\rho_{H_2O} \frac{\varepsilon_{so} \sigma_{so}^6}{(r_{GB}+r_{H_2O})^3}$$

<sup>1</sup>Gallicchio, JCC, **25**, p479, Wagoner, PNAS, **103**, p8331



Wykalibrowana względem danych do swiadczalnych dla jonu Na+, DeltaGNa+ = -365 kJ/mol (Marcus, Chem.Soc,Faraday Trans,87,p2995)



Wykalibrowana względem danych doświadczalnych dla metanu, DeltaGCH4 = 8.4 kJ/mol (Ben-Naim, JCP, 81, p2016)

## Układ badawczy

- dwie, równoległe ściany z wnękami
  - $R \in \{3,5,8\}$  Å
- 1030 cząsteczek wody
- dwie cząsteczki metanu
- rozmiary 30 x 30 x 30 Å
- periodyczne warunki brzegowe XY
- warunki symulacji: NVT
- czasy symulacji: ~ 1 30 ns





## Trzy oblicza hydratacji hydrofobowej

#### małe obiekty (cząsteczka metanu):

niezaburzona sieć wiązań wodorowych,

cząsteczki wody tracą jedynie słabo związanych sąsiadów,

 $\Delta H < 0, \quad -T\Delta S > 0, \quad \Delta G > 0$ 

#### duże obiekty (płaskie ściany):

zaburzona sieć wiązań wodorowych,

utrata silnych oddziaływań przez cząsteczki warstwy przypowierzchniowej,

 $\Delta H > 0, \quad -T\Delta S < 0, \quad \Delta G > 0$ 

#### obiekty wklęsłe (wnęki):

wysuszanie powierzchni hydrofobowej,

fluktuacje gęstości, obejmujące spektrum stanów metastabilnych (układ R8)

## Wnioski

#### najważniejsze wyniki :

zaobserwowanie i analiza zjawiska wysuszania we wnękach hydrofobowych,

wyznaczenie potencjałów średniej siły dla oddziaływania cząsteczki metanu z wnękami

#### i ich znaczenie:

możliwość lepszego zrozumienia funkcjonowania oraz roli hydrofobowych struktur biologicznych o wklęsłych powierzchniach (np. miejsc wiążących ligandy, kanałów przezbłonowych, rdzeni białkowych),

podstawy do rozwijania i parametryzacji użytecznych modeli oddziaływań hydrofobowych

#### Topoizomeraza 1 biologiczna nanomolekularna maszyna, której aktywność sterowana jest m.in. tzw. białkami RRM

A.M. Trzcinska-Daneluti, A. Gorecki, A. Czubaty, B. Kowalska-Loth,A.Girstun, M. Murawska, B. Lesyng, K. Staron, *RRM Proteins Interacting with the Cap Region of Topoisomerase I*, J. Mol. Biol. **369**, 1098-1112 (2007) **Topoizomerazy** – grupa enzymów konwertujących energię chemiczną pochodzącą od ATP w energię torsyjnego napięcia cząsteczki o superhelikalnej strukturze. *In vivo* topoizomerazy rozplatają podwójną helisę DNA, udostępniając w ten sposób matrycę dla enzymów replikacyjnychh lub transkrypcyjnych. W zależności od ilości rozrywanych jednorazowo wiązań fosfodiestrowychh wyróżniamy: topoizomeraza I - hydroliza jednego wiązania - nacięcie jednej nici topoizomeraza II - hydroliza dwóch wiązań - nacięcie obu nici



Topo 1





# Mikrotubule



zielony	tubulina
czerwony	γ-tubulina
niebieski	DNA



Wieloskalowy model rozpoznawania się układów (bio)molekularnych. Zastosowanie do oddziaływań niskocząsteckowych ligandów (potencjalnych molekuł leku) z białkami

M.Gruziel, P.Kmiec, J.Trylska, B.Lesyng, *Selected Microscopic and Mezoscopic Modeling Tools and Models*, "Molecular Materials with Specific Interactions - Modeling and Design", ed. W.A.Sokalski (vol. 4, "Challenges and Advances in Computational Chemistry and Physics", series editor J.Leszczynski) Springer, Dordrecht, str.203-224 (2007)

J.Kalinowski, B.Lesyng, *Protein-Ligand Docking with Two-Scale Recept Dynamics and QM/MM Potential*, From Computational Biophysics to Systems Biology (CBSB08), eds. U. H. E. Hansmann, J. H. Meinke, S. Mohanty, W. Nadler, O. Zimmermann, John von Neumann Institute for Computing, NIC Series, **40** pp.117-120, 2008 **(ISBN: 978-3-9810843-6-8, contributed talk, <u>http://www.fz-juelich.de/nic-series/volume40/nic-series-volume40.pdf</u>)** 



#### Warsaw University



## **Projekt PhDock**

#### Zadania:

- identyfikacja miejsc wiążących,
- "flexible docking" ligandów i receptorów,
- wyznaczenie energii wiązania metodami
   MM i QM, które będą w stanie uwzględnić
   electronowe efekty polaryzacyjne,
- wyznaczenie w miarę możliwości energii swobodnej wiązania.



### Methoda SCC-DFTB

(Self Consistent Charge Density Functional Based Tight Binding Method, SCC DFTB, Frauenheim et al. Phys Stat. Sol. **217**, 41, 2000)

#### basic DFT concepts:



The ligand energy and interactions with the receptor:

As mentioned, the receptor has its own dynamics. However, its structural changes influence the ligand dynamics.

The ligand QM/MM energy is approximated as:

$$E = E^{LJ} + E^{ES}[q^{\text{CM3}+\text{P}};\epsilon] + E^{QM}$$

#### The terms are:

- Lennard-Jones interactions,
- electrostatic interactions of receptor charges (Amber) with the CM3 charges of the ligand, computed using SCC-DFTB, and
- quantum mechanical energy, which includes deformation and polarization contributions.

Detekcja relacji przyczynowości w przemianach strukturalnych (dynamice molekularnej) układów (bio)molekularnych Zrozumieć - DLACZEGO jest tak jak jest ?

Gorecki, J. Trylska, B. Lesyng, *Causal Relations in Molecular Dynamics from the Multivariate Autoregressive Model,* Europhys. Lett., **75**, 503-509 (2006)

Gorecki, J. Trylska, <u>B. Lesyng</u>, *Causality and Correlation Analyses of Molecular Dynamics*, in "Computational Biophysics to Systems Biology (CBSB07)", John von Neumann Institute for Computing, Julich, Germany, 2007) NIC Series, U.H.E. Hansmann, J.Meinke, S. Mohanty, O. Zimmemann (Editors) John von Neumann Institute for Computing, Juelich, NIC Series, Vol. 36, ISBN 978-3-9810843-2-0, pp. 25-30, 2007 (http://www.fz-juelich.de/nic-series/volume36/lesyng.pdf)





 Input data: signal channels, here "observables" (snapshots) from MD or QCMD, at consecutive time-instants.
 These can also be projections on PCA directions

Flap opening dynamics - PCA mode 0 (NVE)



# MVAR model

- Purpose detecting time-shifted linear couplings with MultiVariate Autoregressive Model(MVAR),
- The MVAR model plays a role of the searching engine for correlations.



 Linear correlations at the same time (the so called instant causalities) can be detected by residual covariance matrix:

$$V = \langle E^T(t) E(t) \rangle$$



# Test analysis

- Microscopic MD trajectories of a model linear set of atoms.
- Microscopic SCC-DFTB MD trajectories of a small, <u>model molecule</u> - <u>malonaldehyde</u>.

A.Gorecki, J.Trylska, B.Lesyng, Causal Relations in Molecular Dynamics from the Multi-variate Autoregressive Model, Europhysics Letters, 75, pp.1-7(2006) Malonaldehyde



$$X_0(t) = |O1O2|$$
$$X_1(t) = |O1H1|$$
$$X_2(t) = |O2H1|$$

$$\begin{aligned} X_0(t) &= |O1O2| \\ Y_1(t) &= \frac{|r_1(t) - r_2(t)|}{r_1(t) + r_2(t)}, \end{aligned}$$

## Malonaldehyde - reaction path

$$\eta = (r_1(t) - r_2(t))/(r_1(t) + r_2(t)))$$
  

$$\eta = (r_1(t) - r_2(t))/(r_1(t) + r_2(t)))$$
  

$$0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0, 0, 0$$
  

$$0$$

## Malonaldehyde - causality relations

1]

$$X_0(t) = |O1O2|$$
  
 $X_1(t) = |O1H1|$   
 $X_2(t) = |O2H1|$   $J_{ij} \in [0;$ 

i j	XO	X1	X2
XO		0.07	0.07
X1	0.46		0.11
X2	0.4	0.09	



Flap opening dynamics



## First principal mode of HIV-1





#### projection on eigenvectors (nm)



# Schemat funkcjonowania stanowisk VR



manipulator haptic device